26

Wahrscheinlichkeit

Jörn Loviscach

Versionsstand: 7. Januar 2011, 20:30

Die nummerierten Felder sind absichtlich leer, zum Ausfüllen in der Vorlesung.

Videos dazu: http://www.youtube.com/joernloviscach



This work is licensed under the Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 3.0 Germany License. To view a copy of this license, visit http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/de/ or send a letter to Creative Commons, 171 Second Street, Suite 300, San Francisco, California, 94105, USA.

Ereignisse 1

Bevor man sich in der Wahrscheinlichkeitslehre = Stochastik Gedanken darüber
macht, was Wahrscheinlichkeiten sind, überlegt man sich, wovon man Wahrschein-
lichkeiten bestimmt – nämlich von Ereignissen [events]. Dies wären anschauliche
Ereignisse:
Ereignisse treten ein oder nicht (oder sind eingetreten oder nicht). Zwei Ereignisse
A und B sind gleich, wenn A dann und nur dann eintritt, wenn B eintritt. Dies
wären gleiche Ereignisse für den Wurf eines Würfels:
2

Als Modell für Ereignisse haben sich Mengen durchgesetzt. Vereinigung, Schnitt und Komplement von Ereignissen haben jeweils die offensichtliche Bedeutung:

2

1 EREIGNISSE

Damit kann man Ereignisse als Mengen hinschreiben:
Achtung: Die Zohl 2 zu würfeln ist felgendes Erwignis:
Achtung: Die Zahl 3 zu würfeln, ist folgendes Ereignis:
2 Wahrscheinlichkeit
2 Wahrscheinlichkeit
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpreta-
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell.
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpreta-
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff: Frequentistischer Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff: Frequentistischer Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff: Frequentistischer Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff: Frequentistischer Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff: Frequentistischer Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff: Frequentistischer Wahrscheinlichkeitsbegriff:
Für den Begriff Wahrscheinlichkeit [probability] gibt zwei wesentliche Interpretationen. Beide führen zum selben mathematischen Modell. Bayesscher Wahrscheinlichkeitsbegriff: Frequentistischer Wahrscheinlichkeitsbegriff:

 $\label{lem:continuous} Eine \ Vorform \ des \ frequentistischen \ Wahrscheinlichkeitsbegriffs \ ist \ der \ Laplace-sche \ Wahrscheinlichkeitsbegriff:$

Der erscheint heute allerdings naiv, außer bei elementaren Rechnungen zu Würfeln, Lotto usw.
3 Kolmogorow-Axiome
Mathematisch modelliert man "Wahrscheinlichkeit" als eine Abbildung:
Diese soll die drei Kolmogorow-Axiome erfüllen:
Daraus kann man viele weitere Eigenschaften herleiten. Zum Beispiel, welche Wahrscheinlichkeit das Gegenereignis eines gegebenen Ereignisses hat:
Oder, was die Wahrscheinlichkeit für die Vereinigungsmenge zweier beliebiger

Oder, was die Wahrscheinlichkeit für die Vereinigungsmenge zweier beliebiger (also vielleicht nicht unvereinbarer) Ereignisse ist: