## Differentialgleichungen mit trennbaren Variablen

Jörn Loviscach

Versionsstand: 3. Mai 2010, 18:28 Die nummerierten Felder sind absichtlich leer, zum Ausfüllen in der Vorlesung. Videos dazu: http://www.youtube.com/joernloviscach

## 1 Prinzip

Die Trennung der Variablen [separation of variables] ist ein beliebter Trick, um Differentialgleichungen erster Ordnung (und nur erster Ordnung) zu lösen, insbesondere auch nichtlineare. Zum Beispiel die Differentialgleichung

$$e^y y' \stackrel{!}{=} x^5$$
 mit  $y(3) \stackrel{!}{=} 7$ 

hat "trennbare" Variablen [separable variables]: Auf der einen Seite stehen nur y und y', auf der anderen steht nur x. Versuchen wir, beide Seiten vom Startpunkt (x|y) = (3|7) bis zu einem noch unbekannten Endpunkt  $(x_1|y_1)$  zu integieren:

Das linke Integral vereinfacht sich netterweise wegen der Substitutionsregel:

Und es ergibt sich als Lösung:

 $\mathbf{2}$ 

1 PRINZIP