## Mathematik 2 für Elektrotechnik

## Probeklausur

Jörn Loviscach

Versionsstand: 28. Juni 2010, 21:37

Diese Aufgaben zeigen die Länge der Klausur und die Art der Fragen. Die Themen können aus der gesamten Vorlesung stammen; die Praktikumsaufgaben geben hier eine Orientierung. Bei dieser Klausur ist Wolfram Alpha noch nicht als Hilfsmittel zugelassen, was ich mit Hilfe der Log-Dateien des VPN und per Handy-Detektor sicherstellen werde.

Drei Punkte pro Aufgabe. Mindestpunkzahl zum Bestehen: 15 Punkte. Hilfsmittel: maximal acht einseitig oder vier beidseitig beschriftete DIN-A4-Spickzettel beliebigen Inhalts, möglichst selbst verfasst oder zusammengestellt; kein Skript, keine andere Formelsammlung, kein Taschenrechner, kein Computer, kein Handy.

Name	Vorname	Matrikelnummer

## Fingerübungen

- 1. Im  $\mathbb{R}^2$  sind ein Kreis und eine Gerade gegeben. Der Kreis hat den Mittelpunkt M(1|2) und den Radius 3. Die Gerade verläuft durch die Punkte A(1|1) und B(3|2). Schneiden sich Kreisline und Gerade? Wenn ja, in welchen Punkten? Rechnen, nicht aus einer Skizze ablesen!
- 2. Finden Sie eine *spezielle* Lösung der Differentialgleichung  $y'' + 4y \stackrel{!}{=} \sin(3x)$  (Lösung nicht eindeutig).
- 3. Finden Sie durch Trennung der Variablen die Lösung der Differentialgleichung  $y' \stackrel{!}{=} y\sqrt{x+2}$  zur Anfangsbedingung  $y(3) \stackrel{!}{=} 5$ .
- 4. Bestimmen Sie den komplexen Fourier-Koeffizienten  $c_3$  für die Funktion f, welche die Periode 5 hat und für  $t \in [0;5)$  durch  $f(t) := e^t$  gegeben ist.
- 5. Geben Sie das Taylor-Polynom zweiten Grades (= Schmiegeparabel) für die Funktion  $f(x) := \sin(x^2)$  bei Entwicklung an der Stelle  $x_0 = \sqrt{\pi}$  an.
- 6. Bestimmen Sie die Tangentialebene der Funktion  $f(x, y) := x^2/\sqrt{y-2}$  an der Stelle  $(x_0|y_0) = (2|3)$ . Schätzen Sie damit die Zahl  $2,001^2/\sqrt{2,998-2}$ .

Bitte wenden!

## **Kreative Anwendung**

7. Zeigen Sie rechnerisch, dass alle komplexen Zahlen z, die sich als

$$z = \frac{1}{x + 3j}$$

für ein  $x \in \mathbb{R}$  schreiben lassen, in der Gaußschen Zahlenebene auf einer Kreislinie mit Radius  $\frac{1}{6}$  um den Punkt  $\frac{-j}{6}$  liegen.

- 8. Geben Sie zwei Ebenen im  $\mathbb{R}^3$  an, die keine Punkte gemeinsam haben. Verwenden Sie die Punkt-Richtungs-Form, um die Ebenen anzugeben (keine eindeutige Lösung).
- 9. Ersetzen Sie das Fragezeichen so durch eine reelle Zahl, dass die entstehende Matrix den Defekt  $1^{c1}$  hat:

 $^{c1}$ jl: Defekt 2

$$\left(\begin{array}{ccc}
1 & 2 & ? \\
2 & 0 & 0 \\
0 & -1 & 1
\end{array}\right)$$

- 10. Geben Sie eine  $2\times 2$ -Matrix an, welche den Eigenvektor  $\begin{pmatrix} 1\\2 \end{pmatrix}$  zum Eigenwert 2 und obendrein den Eigenvektor  $\begin{pmatrix} 0\\1 \end{pmatrix}$  zum Eigenwert 3 hat.
- 11. Finden Sie mit Hilfe eines geeigneten Ansatzes eine *spezielle* Lösung der nichtlinearen Differentialgleichung  $yy'' = x^4$  (Lösung nicht eindeutig).
- 12. Bestimmen Sie das Volumen zwischen der Kreisscheibe mit Radius 5 um den Ursprung in der xy-Ebene und dem Paraboloid  $z = x^2 + y^2$ .